

Exame Final Nacional de Matemática B Prova 735 | 2.ª Fase | Ensino Secundário | 2024

11.º Ano de Escolaridade

Decreto-Lei n.º 55/2018, de 6 de julho | Decreto-Lei n.º 62/2023, de 25 de julho

Critérios de Classificação

10 Páginas

CRITÉRIOS GERAIS DE CLASSIFICAÇÃO

A classificação a atribuir a cada resposta resulta da aplicação dos critérios gerais e dos critérios específicos apresentados para cada item e é expressa por um número inteiro.

As respostas ilegíveis ou que não possam ser claramente identificadas são classificadas com zero pontos.

Em caso de omissão ou de engano na identificação de uma resposta, esta pode ser classificada se for possível identificar inequivocamente o item a que diz respeito.

Se for apresentada mais do que uma resposta ao mesmo item, só é classificada a resposta que surgir em primeiro lugar.

ITENS DE SELEÇÃO

As respostas aos itens de seleção podem ser classificadas de forma dicotómica ou por níveis de desempenho, de acordo com os critérios específicos. No primeiro caso, a pontuação só é atribuída às respostas corretas, sendo todas as outras respostas classificadas com zero pontos. No caso da classificação por níveis de desempenho, a cada nível corresponde uma dada pontuação, de acordo com os critérios específicos.

Nas respostas aos itens de seleção, a transcrição do texto da opção escolhida é considerada equivalente à indicação da letra ou do número correspondente.

ITENS DE CONSTRUÇÃO

Nos itens de construção, os critérios de classificação podem apresentar-se organizados apenas por níveis de desempenho, por parâmetros, com os respetivos níveis de desempenho, ou por etapas.

Nos itens em que os critérios de classificação se apresentam organizados apenas por níveis de desempenho, a cada nível de desempenho corresponde uma dada pontuação. Se permanecerem dúvidas quanto ao nível a atribuir, deve optar-se pelo nível mais elevado de entre os dois tidos em consideração. Qualquer resposta que não atinja o nível 1 de desempenho é classificada com zero pontos.

Nos itens em que os critérios de classificação se apresentam organizados por parâmetros, a classificação a atribuir à resposta resulta da soma das pontuações atribuídas aos parâmetros seguintes: (A) Conteúdos, (B) Linguagem Científica. A atribuição da classificação de zero pontos no parâmetro (A) implica a atribuição de zero pontos no parâmetro (B).

Nos itens em que os critérios de classificação se apresentam organizados por etapas, a classificação a atribuir à resposta resulta da soma das pontuações atribuídas às etapas apresentadas e da aplicação dos critérios de classificação definidos para situações específicas.

As respostas que não apresentem exatamente os termos ou expressões constantes nos critérios específicos de classificação são classificadas em igualdade de circunstâncias com aquelas que os apresentem, desde que o seu conteúdo seja cientificamente válido, adequado ao solicitado e enquadrado pelos documentos curriculares de referência.

A classificação das respostas aos itens que envolvam o uso das potencialidades gráficas da calculadora tem em conta a apresentação de todos os elementos visualizados na sua utilização, nomeadamente, a representação, em referencial cartesiano, do(s) gráfico(s) visualizado(s).

No quadro seguinte, apresentam-se os critérios de classificação a aplicar, em situações específicas, às respostas aos itens cujos critérios se apresentam organizados por etapas.

Situação	Classificação
1. Utilização de processos de resolução que não estão previstos no critério específico de classificação.	É aceite qualquer processo de resolução cientificamente correto, desde que enquadrado pelos documentos curriculares de referência da disciplina. O critério específico é adaptado ao processo de resolução apresentado.
2. Utilização de processos de resolução que não respeitem as instruções dadas [exemplo: «recorrendo à regressão sinusoidal»].	A etapa em que a instrução não é respeitada e todas as etapas subsequentes que dela dependam são pontuadas com zero pontos.
3. Apresentação apenas do resultado final.	A resposta é classificada com zero pontos.
4. Ausência de apresentação de cálculos ou de justificações necessários à resolução de uma etapa.	A etapa é pontuada com zero pontos.
5. Ausência de apresentação explícita de uma etapa que não envolva cálculos ou justificações.	Se a resolução apresentada permitir perceber inequivocamente que a etapa foi percorrida, esta é pontuada com a pontuação prevista. Caso contrário, a etapa é pontuada com zero pontos, bem como todas as etapas subsequentes que dela dependam.
6. Transcrição incorreta de dados do enunciado que não altere o que se pretende avaliar com o item.	Se a dificuldade da resolução do item não diminuir, é subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas. Se a dificuldade da resolução do item diminuir, o item é classificado do modo seguinte: – nas etapas em que a dificuldade da resolução diminuir, a pontuação máxima a atribuir é a parte inteira de metade da pontuação prevista; – nas etapas em que a dificuldade da resolução não diminuir, a pontuação é atribuída de acordo com os critérios específicos de classificação.
7. Transcrição incorreta de um número ou de um sinal, na resolução de uma etapa.	Se a dificuldade da resolução da etapa não diminuir, é subtraído um ponto à pontuação da etapa. Se a dificuldade da resolução da etapa diminuir, a pontuação máxima a atribuir a essa etapa é a parte inteira de metade da pontuação prevista. As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).

8. Ocorrência de um erro ocasional num cálculo, na resolução de uma etapa.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa em que o erro ocorre. As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).
9. Ocorrência de um erro que revela desconhecimento de conceitos, de regras ou de propriedades, na resolução de uma etapa.	A pontuação máxima a atribuir a essa etapa é a parte inteira de metade da pontuação prevista. As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os efeitos do erro cometido (ver nota).
10. Resolução incompleta de uma etapa.	Se à resolução da etapa faltar apenas a passagem final, é subtraído um ponto à pontuação da etapa; caso contrário, a pontuação máxima a atribuir é a parte inteira de metade da pontuação prevista (ver nota).
11. Apresentação de cálculos intermédios com um número de casas decimais diferente do solicitado ou apresentação de um arredondamento incorreto.	É subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
12. Apresentação do resultado final que não respeita a forma solicitada [exemplo: é pedido o resultado em centímetros, e a resposta apresenta-se em metros].	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
13. Utilização de valores exatos nos cálculos intermédios e apresentação do resultado final com aproximação, quando deveria ter sido apresentado o valor exato.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
14. Utilização de valores aproximados numa etapa, quando deveriam ter sido usados valores exatos.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação. As etapas subsequentes são pontuadas de acordo com os critérios gerais e específicos de classificação.
15. Apresentação do resultado final com um número de casas decimais diferente do solicitado ou apresentação do resultado final incorretamente arredondado.	É subtraído um ponto à pontuação da etapa correspondente à apresentação do resultado final.
16. Omissão da unidade de medida na apresentação do resultado final.	A etapa relativa à apresentação do resultado final é pontuada com a pontuação prevista.
17. Apresentação de elementos em excesso face ao solicitado.	Se os elementos em excesso não afetarem a caracterização do desempenho, a classificação a atribuir à resposta não é desvalorizada. Se os elementos em excesso afetarem a caracterização do desempenho, são subtraídos dois pontos à soma das pontuações atribuídas, salvo se houver indicação em contrário no critério específico de classificação.
18. Utilização de simbologias ou de expressões inequivocamente incorretas do ponto de vista formal.	É subtraído um ponto à soma das pontuações atribuídas, exceto: – se as incorreções ocorrerem apenas em etapas já pontuadas com zero pontos; – nos casos de uso do símbolo de igualdade em que, em rigor, deveria ter sido usado o símbolo de igualdade aproximada.

Nota – Se a dificuldade da resolução das etapas subsequentes não diminuir, estas são pontuadas de acordo com os critérios específicos de classificação; se a dificuldade da resolução das etapas subsequentes diminuir, a pontuação máxima a atribuir a cada uma delas é a parte inteira de metade da pontuação prevista.

CRITÉRIOS ESPECÍFICOS DE CLASSIFICAÇÃO

1. 14 pontos
Opção (D)

2.1. 14 pontos
I → b) II → c) III → b)

Este item deve ser classificado de acordo com os seguintes níveis de desempenho.

Nível	Descritor de desempenho	Pontuação
3	Completa o texto com as três opções corretas.	14
2	Completa o texto apenas com duas opções corretas.	10
1	Completa o texto apenas com uma opção correta.	5

2.2. 18 pontos
Este item pode ser resolvido por, pelo menos, quatro processos.

1.º Processo

- Representar graficamente a função h (ver notas 1, 2 e 3) 5 pontos
- Representar graficamente a reta de equação $y = 25$ (ver nota 2) 5 pontos
- Assinalar o ponto de intersecção dos gráficos relevante para a resolução 4 pontos
- Obter a abcissa desse ponto 3 pontos
- Apresentar o valor pedido (1 segundo) 1 ponto

Notas:

1. Se não for representada a forma de arco de parábola, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 2 pontos.
2. Se não for representado o referencial, a soma das pontuações a atribuir a estas etapas é desvalorizada em 2 pontos.
3. Se for representada uma extensão da função h , a pontuação a atribuir a esta etapa não é desvalorizada.

2.º Processo

- Equacionar o problema ($h(t) = 25$, ou equivalente) 5 pontos
- Resolver a equação 10 pontos
 - Obter $-4,9t^2 + 20t - 15 = 0$ 1 ponto
 - Obter o valor do binómio discriminante 5 pontos
 - Obter as soluções 4 pontos
- Identificar o valor pedido (1 segundo) 3 pontos

3.º Processo

- Equacionar o problema ($h(t) = 25$, ou equivalente) 5 pontos
- Obter $-4,9t^2 + 20t - 15 = 0$ 1 ponto
- Representar graficamente a função r.v.r. definida por $y = -4,9x^2 + 20x - 15$
(**ver nota**) 5 pontos
- Assinalar o zero da função relevante para a resolução 3 pontos
- Obter esse zero 3 pontos
- Apresentar o valor pedido (1 segundo) 1 ponto

Nota – Se não for representada a forma de arco de parábola, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 2 pontos. Se não for representado o referencial, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 2 pontos.

4.º Processo

- Equacionar o problema ($h(t) = 25$, ou equivalente) 5 pontos
- Obter $-4,9t^2 + 20t - 15 = 0$ 1 ponto
- Obter, com uma ferramenta automática da calculadora,
as soluções da equação 9 pontos
- Identificar o valor pedido (1 segundo) 3 pontos

3. 14 pontos

Opção (B)

4. 18 pontos

- Determinar o número total de recém-nascidos (21) 6 pontos
- Reconhecer que a mediana dos 21 dados é o 11.º dado ordenado ou reconhecer
que a classe pedida é aquela em que se atinge a frequência relativa acumulada
de 50% 6 pontos
- Identificar a classe a que pertence a mediana 6 pontos

5. 14 pontos

I → b) II → c) III → c)

Este item deve ser classificado de acordo com os seguintes níveis de desempenho.

Nível	Descritor de desempenho	Pontuação
3	Completa o texto com as três opções corretas.	14
2	Completa o texto apenas com duas opções corretas.	10
1	Completa o texto apenas com uma opção correta.	5

6.1. 18 pontos

Referir que a diferença entre dois termos consecutivos é constante (ou equivalente) 9 pontos

Apresentar a razão (15) 9 pontos

6.2. 18 pontos

Este item pode ser resolvido por, pelo menos, quatro processos.

1.º Processo

Reconhecer que as somas dos comprimentos dos três tubos que constituem cada pórtico são termos consecutivos de uma progressão aritmética cujo primeiro termo é 225 cm ou 2,25 m 4 pontos

Reconhecer que a razão da progressão é 30 cm ou 0,30 m 2 pontos

Escrever uma expressão que permita calcular o termo de ordem 25 4 pontos

Obter o termo de ordem 25 (945 cm ou 9,45 m) 2 pontos

Escrever uma expressão para a soma dos 25 termos 4 pontos

Obter o valor pedido (146,25 m) 2 pontos

2.º Processo

Reconhecer que as alturas dos pórticos são termos consecutivos de uma progressão aritmética cujo primeiro termo é 75 cm ou 0,75 m 1 ponto

Reconhecer que a razão da progressão é 15 cm ou 0,15 m 2 pontos

Escrever uma expressão que permita calcular o termo de ordem 25 4 pontos

Obter o termo de ordem 25 (435 cm ou 4,35 m) 2 pontos

Escrever uma expressão para a soma dos 25 termos 3 pontos

Calcular o valor da expressão anterior (6375 cm ou 63,75 m) 2 pontos

Obter a soma dos comprimentos das 25 traves (1875 cm ou 18,75 m) 1 ponto

Obter o valor pedido (146,25 m) 3 pontos

3.º Processo

Reconhecer que as somas dos comprimentos dos postes de cada pórtico são termos consecutivos de uma progressão aritmética cujo primeiro termo é 150 cm ou 1,5 m 2 pontos

Reconhecer que a razão da progressão é 30 cm ou 0,30 m 2 pontos

Escrever uma expressão que permita calcular o termo de ordem 25 4 pontos

Obter o termo de ordem 25 (870 cm ou 8,7 m) 2 pontos

Escrever uma expressão para a soma dos 25 termos 3 pontos

Calcular o valor da expressão anterior (12 750 cm ou 127,5 m) 2 pontos

Obter a soma dos comprimentos das 25 traves (1875 cm ou 18,75 m) 1 ponto

Obter o valor pedido (146,25 m) 2 pontos

4.º Processo

- Obter a soma dos comprimentos dos três tubos que constituem o 1.º pórtico (225 cm ou 2,25 m) 2 pontos
- Obter a soma dos comprimentos dos três tubos que constituem cada pórtico, do 2.º ao 25.º 10 pontos
- Escrever uma expressão para a soma dos 25 termos 4 pontos
- Obter o valor pedido (146,25 m) 2 pontos

7.1. 18 pontos

Este item pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos.

1.º Processo

- Obter \overline{OC} 5 pontos
- Escrever $\overline{OC}^2 = 6^2 + 2,5^2$ 3 pontos
- Obter $\overline{OC}^2 = 42,25$ 1 ponto
- Obter $\overline{OC} = 6,5$ 1 ponto
- Associar o valor pedido a \overline{DP} (em que P é a projeção ortogonal do ponto D no eixo Oy) 3 pontos
- Reconhecer que os triângulos $[OMC]$ e $[DPC]$ são semelhantes 3 pontos
- Escrever $\frac{6,5}{5} = \frac{6}{DP}$ (ou equivalente) 3 pontos
- Obter $\overline{DP} = 4,6153\dots$ 3 pontos
- Apresentar o valor pedido (4,62 m) 1 ponto

2.º Processo

- Associar o valor pedido a \overline{DP} (em que P é a projeção ortogonal do ponto D no eixo Oy) 3 pontos
- Escrever $\text{tg}(\widehat{MCO}) = \frac{6}{2,5}$ (ou equivalente) 4 pontos
- Obter \widehat{MCO} 3 pontos
- Escrever $\text{sen}(\widehat{MCO}) = \frac{\overline{DP}}{5}$ (ou equivalente) 4 pontos
- Obter $\overline{DP} = 4,6153\dots$ 3 pontos
- Apresentar o valor pedido (4,62 m) 1 ponto

7.2. 18 pontos

- Obter a medida da aresta do cubo (7) 8 pontos
- Apresentar as coordenadas $(-3,5; 7; 7)$ (4 + 3 + 3) 10 pontos

8.1.1.	18 pontos
Associar 8h a $t = 8$	3 pontos
Obter $N(8)$ (7,50294...)	3 pontos
Associar 10h15min a $t = 10,25$	4 pontos
Obter $N(10,25)$ (7,85253...)	3 pontos
Obter o valor pedido (350)	5 pontos

8.1.2.	18 pontos
Representar graficamente a função N (ver notas 1 e 2)	4 pontos
Associar 8000 a $N = 8$	2 pontos
Representar graficamente a reta de equação $y = 8$ (ver nota 1)	2 pontos
Assinalar os pontos de intersecção dos gráficos (1 + 1)	2 pontos
Obter as abcissas desses pontos de intersecção (12,1... e 16) (2 + 2)	4 pontos
Obter a duração máxima da emissão do concerto (ou equivalente)	3 pontos
Concluir que não é possível	1 ponto

Notas:

1. Se não for representado o referencial, a soma das pontuações a atribuir a estas etapas é desvalorizada em 2 pontos.
2. Se não for respeitado o domínio, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 1 ponto.

8.2.	18 pontos
-------------------	------------------

Tópicos de resposta

- Justificação de que a função representada no Gráfico A não pode ser a função V .

Exemplo de resposta:

– «A função representada no gráfico A não pode ser a função V , porque, em $t = 20$, esta função passa de negativa para positiva, o que significa que, às 20h, se teria registado um valor mínimo de temperatura e não um valor máximo.»

- Justificação de que a função representada no Gráfico B não pode ser a função V .

Exemplos de resposta:

– «A função representada no gráfico B não pode ser a função V , porque, entre as 0 e as 10 horas, a função V é positiva e a função representada é negativa.»

– «A função representada no gráfico B não pode ser a função V , porque, entre as 0 e as 10 horas, a função f é crescente e a função V é positiva.»

Este item deve ser classificado de acordo com os parâmetros seguintes.

Parâmetro	Nível	Descritor de desempenho	Pontuação
A Conteúdos	4	Apresenta, de forma completa, as duas justificações solicitadas.	16
	3	Apresenta, de forma completa, uma das justificações solicitadas e, de forma incompleta, a outra justificação.	12
	2	Apresenta, de forma completa, apenas uma das justificações solicitadas. OU Apresenta, de forma incompleta, as duas justificações solicitadas.	8
	1	Apresenta, de forma incompleta, apenas uma das justificações solicitadas.	4
B Linguagem Científica	2	Utiliza adequadamente o vocabulário específico da Matemática.	2
	1	Utiliza, embora com uma ou mais falhas, o vocabulário específico da Matemática.	1

9. **18 pontos**

Este item pode ser resolvido por, pelo menos, dois processos.

1.º Processo

- Representar graficamente a função a (**ver nota**) 6 pontos
- Assinalar o ponto do gráfico cuja ordenada é o valor máximo absoluto da função a 3 pontos
- Obter a abcissa desse ponto (7,64) 2 pontos
- Assinalar o ponto do gráfico cuja ordenada é o valor mínimo absoluto da função a 3 pontos
- Obter a abcissa desse ponto (19,64) 2 pontos
- Obter o valor pedido (12 horas) 2 pontos

Nota – Se não for representado o referencial, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 2 pontos. Se não for respeitado o domínio, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 1 ponto. Se não for respeitada a forma sinusoidal, a pontuação a atribuir a esta etapa é desvalorizada em 2 pontos.

2.º Processo

- Obter o período da extensão da função a a \mathbb{R} (24) 9 pontos
- Associar o tempo decorrido entre o máximo e o mínimo ao semiperíodo 8 pontos
- Apresentar o valor pedido (12 horas) 1 ponto

COTAÇÕES

As pontuações obtidas nas respostas a estes 9 itens da prova contribuem obrigatoriamente para a classificação final.	1.	2.1.	2.2.	3.	4.	5.	6.1.	7.1.	8.2.	Subtotal
Cotação (em pontos)	14	14	18	14	18	14	18	18	18	146
Destes 5 itens, contribuem para a classificação final da prova os 3 itens cujas respostas obtenham melhor pontuação.	6.2.	7.2.	8.1.1.	8.1.2.	9.					Subtotal
Cotação (em pontos)	3 x 18 pontos									54
TOTAL										200